

§ 2. Показникова і логарифмічна функції

20.9.° Знайдіть найбільше і найменше значення функції на даному відрізку:

1) $y = \log_2 x$, $\left[\frac{1}{4}; 8\right]$; 3) $y = \log_{\frac{2}{3}} x$, $\left[\frac{4}{9}; \frac{81}{16}\right]$.

2) $y = \log_{\frac{1}{2}} x$, $\left[\frac{1}{16}; 8\right]$;

20.10.° Знайдіть найбільше і найменше значення функції на даному відрізку:

1) $y = \log_{\frac{1}{3}} x$, $\left[\frac{1}{9}; 3\right]$; 2) $y = \lg x$, $[1; 1000]$.

20.11.° На якому проміжку функція $y = \log_2 x$ набуває найбільшого значення, яке дорівнює 3, і найменшого, яке дорівнює -1?

20.12.° На якому проміжку функція $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ набуває найбільшого значення, яке дорівнює -1, і найменшого, яке дорівнює -2?

20.13.° Знайдіть область визначення функції:

1) $f(x) = \log_3(x+1)$; 5) $f(x) = \log_5(x^2+x+1)$;

2) $f(x) = \log_{\frac{1}{2}}(x^2+1)$; 6) $f(x) = \log_{0,6}(5x-6-x^2)$;

3) $f(x) = \log_4(-x)$; 7) $f(x) = 2\lg x + 3\lg(2-x)$;

4) $f(x) = \lg x^2$; 8) $f(x) = \log_2 \frac{2x-3}{x+7}$.

✓ 20.14.° Знайдіть область визначення функції:

1) $f(x) = \log_7(6-x)$;

✓ 2) $f(x) = \log_{12}|x|$;

3) $f(x) = \lg(x^2-1)$;

✓ 4) $f(x) = \log_{0,4}(7x-x^2)$;

5) $f(x) = \lg(x+2) - 2\lg(x+5)$;

✓ 6) $f(x) = \lg \frac{2x+1}{x-1}$.

20.15.° Побудуйте на одній координатній площині графіки

функцій $y = \log_2 x$ і $y = \log_2 \frac{1}{x}$. Яке взаємне розміщення побудованих графіків?

§ 2. Показникова і логарифмічна функції

20.9.° Знайдіть найбільше і найменше значення функції на даному відрізку:

1) $y = \log_2 x$, $\left[\frac{1}{4}; 8\right]$; 3) $y = \log_{\frac{2}{3}} x$, $\left[\frac{4}{9}; \frac{81}{16}\right]$.

2) $y = \log_{\frac{1}{2}} x$, $\left[\frac{1}{16}; 8\right]$;

20.10.° Знайдіть найбільше і найменше значення функції на даному відрізку:

1) $y = \log_{\frac{1}{3}} x$, $\left[\frac{1}{9}; 3\right]$; 2) $y = \lg x$, $[1; 1000]$.

20.11.° На якому проміжку функція $y = \log_2 x$ набуває найбільшого значення, яке дорівнює 3, і найменшого, яке дорівнює -1?

20.12.° На якому проміжку функція $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ набуває найбільшого значення, яке дорівнює -1, і найменшого, яке дорівнює -2?

20.13.° Знайдіть область визначення функції:

1) $f(x) = \log_3(x+1)$; 5) $f(x) = \log_5(x^2+x+1)$;

2) $f(x) = \log_{\frac{1}{2}}(x^2+1)$; 6) $f(x) = \log_{0,6}(5x-6-x^2)$;

3) $f(x) = \log_4(-x)$; 7) $f(x) = 2\lg x + 3\lg(2-x)$;

4) $f(x) = \lg x^2$; 8) $f(x) = \log_2 \frac{2x-3}{x+7}$.

✓ 20.14.° Знайдіть область визначення функції:

1) $f(x) = \log_7(6-x)$;

✓ 2) $f(x) = \log_{12}|x|$;

3) $f(x) = \lg(x^2-1)$;

✓ 4) $f(x) = \log_{0,4}(7x-x^2)$;

5) $f(x) = \lg(x+2) - 2\lg(x+5)$;

✓ 6) $f(x) = \lg \frac{2x+1}{x-1}$.

20.15.° Побудуйте на одній координатній площині графіки

функцій $y = \log_2 x$ і $y = \log_2 \frac{1}{x}$. Яке взаємне розміщення побудованих графіків?